

## Exercices reliés au chapitre 6

### Exercices

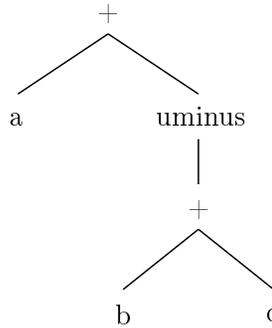
Voici les exercices que je recommande de faire :

- **Exercice 6.2.1.** (Exercice 8.1 dans la 1ère édition.)
- **Exercice 6.2.2** *i* et *ii*. (Dans la 1ère édition, l'exercice 8.2 est similaire.)  
*Note : au numéro i, assumez que le premier élément d'un tableau est à l'indice zéro.*
- **Exercice 6.3.1.**  
*Note : assumez que les variables de type int et float ont une taille de 4 octets.*
- **Exercices 6.4.1** et **6.4.2.**
- **Exercice 6.4.3.** (Dans la 1ère édition, l'exercice 8.3 est similaire.)  
*Note : portez bien attention à la différence entre t et t.elem lorsque t est un type tableau (array).  
Par exemple, si t est le type "tableau de int" (avec sizeof(int) == 4 octets), alors t.elem vaut "int";  
De plus, notez que si t est le type "tableau de (tableau de int)", t.elem vaut "tableau de int" et t.elem.elem vaut "int".*
- **Exercice 6.4.6.**
- **Exercice 6.4.8.**
- **Exercice 6.5.1.**  
*Note : utilisez la grammaire de la figure 6.20, en vous inspirant du morceau de système de traduction présenté à la figure 6.27 pour traiter le typage.*
- **Exercice 6.6.1.** (Dans la 1ère édition, l'exercice 8.14 est similaire.)  
*Note : donnez le code "régulier" et le code à court-circuit (en vous inspirant de la figure 6.36)  
Note : pour la construction repeat ... while ..., assumez une sémantique similaire à celle de do ... while en C, i.e. le corps de la boucle est toujours exécuté au moins une fois.*
- **Exercice 6.6.3.**
- (Dans la 1ère édition, les exercices sur le typage sont 6.1, 6.2, 6.3, 6.5 et 6.8. Ils n'ont pas vraiment de correspondance avec ceux de la nouvelle édition.)

# Réponses

## 6.2.1

— (a)



L'opérateur *uminus* correspond au moins unaire (négation d'un nombre).

— (b)

	<b>Op</b>	<b>Arg 1</b>	<b>Arg 2</b>	<b>Résultat</b>
0	+	b	c	$t_1$
1	uminus	$t_1$		$t_2$
2	+	a	$t_2$	$t_3$

— (c)

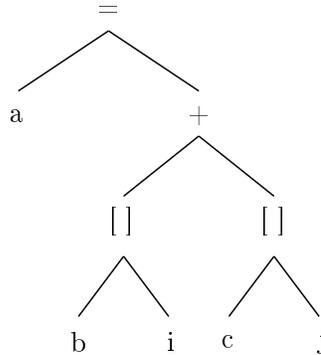
	<b>Op</b>	<b>Arg 1</b>	<b>Arg 2</b>
0	+	b	c
1	uminus	(0)	
2	+	a	(1)

— (d)

<i>instruction</i>		<b>Op</b>	<b>Arg 1</b>	<b>Arg 2</b>
n	(0)	0	+	b c
n + 1	(1)	1	uminus	(0)
n + 2	(2)	2	+	a (1)

### 6.2.2 (i)

— (a)



— (b) Nous assumons ici que la table des symboles contient un attribut *len* qui indique la taille en octets de chaque élément du tableau (si le type du symbole est un type tableau). Nous utilisons de plus l'opérateur *deref*, qui correspond à déréférencer un pointeur ("aller à l'adresse de", correspond à l'opérateur préfixe unaire *\** en C).

	<b>Op</b>	<b>Arg 1</b>	<b>Arg 2</b>	<b>Résultat</b>
0	*	b.type.elem.width	i	$t_1$
1	+	b	$t_1$	$t_2$
2	*	c.type.elem.width	j	$t_3$
3	+	c	$t_3$	$t_4$
4	deref	$t_2$		$t_5$
5	deref	$t_4$		$t_6$
6	+	$t_5$	$t_6$	a

— (c)

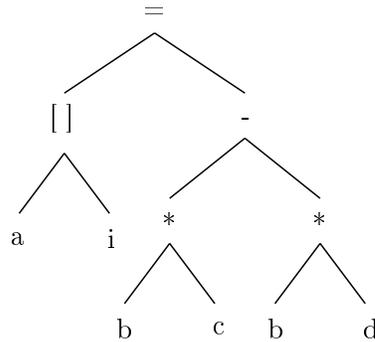
	<b>Op</b>	<b>Arg 1</b>	<b>Arg 2</b>
0	*	b.type.elem.width	i
1	+	b	(0)
2	*	c.type.elem.width	j
3	+	c	(2)
4	deref	(1)	
5	deref	(3)	
6	+	(4)	(5)
7	:=	a	(6)

— (d)

<i>instruction</i>		<b>Op</b>	<b>Arg 1</b>	<b>Arg 2</b>
n	(0)	*	b.type.elem.width	i
n + 1	(1)	+	b	(0)
n + 2	(2)	*	c.type.elem.width	j
n + 3	(3)	+	c	(2)
n + 4	(4)	deref	(1)	
n + 5	(5)	deref	(3)	
n + 6	(6)	+	(4)	(5)
n + 7	(7)	:=	a	(6)

### 6.2.2 (ii)

— (a)



— (b) *Note : nous utilisons l'instruction store x y pour représenter l'assignation à travers un pointeur, où x est le pointeur et y la valeur à assigner (correspond à \*x = y en C)*

	<b>Op</b>	<b>Arg 1</b>	<b>Arg 2</b>	<b>Résultat</b>
0	*	b	c	$t_1$
1	*	b	d	$t_2$
2	-	$t_1$	$t_2$	$t_3$
3	*	a.type.elem.width	i	$t_4$
4	+	a	$t_4$	$t_5$
5	Store	$t_5$	$t_3$	

— (c)

	Op	Arg 1	Arg 2
0	*	b	c
1	*	b	d
2	-	(0)	(1)
3	*	a.type.elem.width	i
4	+	a	(3)
5	Store	(4)	(2)

— (d)

<i>instruction</i>		Op	Arg 1	Arg 2	
n	(0)	0	*	b	c
n + 1	(1)	1	*	b	d
n + 2	(2)	2	-	(0)	(1)
n + 3	(3)	3	*	a.type.elem.width	i
n + 4	(4)	4	+	a	(3)
n + 5	(5)	5	Store	(4)	(2)

### 6.3.1

On note que le **record**  $p$  a une taille de 8 octets, et le **record**  $q$ , une taille de 12 octets. On trouve donc :

- $x$  : adresse 0, taille 4, type **float**
- $p$  : adresse 4, taille 8, type **record** {  $x$  : **float** ;  $y$  : **float** }
  - ◊  $x$  : adresse 0, taille 4, type **float**
  - ◊  $y$  : adresse 4, taille 4, type **float**
- $q$  : adresse 12, taille 12, type **record** {  $tag$  : **int** ;  $x$  : **float** ;  $y$  : **float** }
  - ◊  $tag$  : adresse 0, taille 4, type **int**
  - ◊  $x$  : adresse 4, taille 4, type **float**
  - ◊  $y$  : adresse 8, taille 4, type **float**

Notez que les adresses dans un *record* sont relatives au début de leur *record*.

### 6.4.1

— (a)

Production	Règles sémantiques
$E \rightarrow E_1 * E_2$	$E.addr := \text{new Temp}()$ $E.code := E_1.code \parallel E_2.code \parallel$ $gen(E.addr \text{ '=' } E_1.addr \text{ '*' } E_2.addr)$

— (b)

Production	Règles sémantiques
$E \rightarrow +E_1$	$E.addr := \mathbf{new Temp}()$ $E.code := E_1.code \parallel gen(E.addr \text{ '=' } E_1.addr)$

### 6.4.2

— (a)

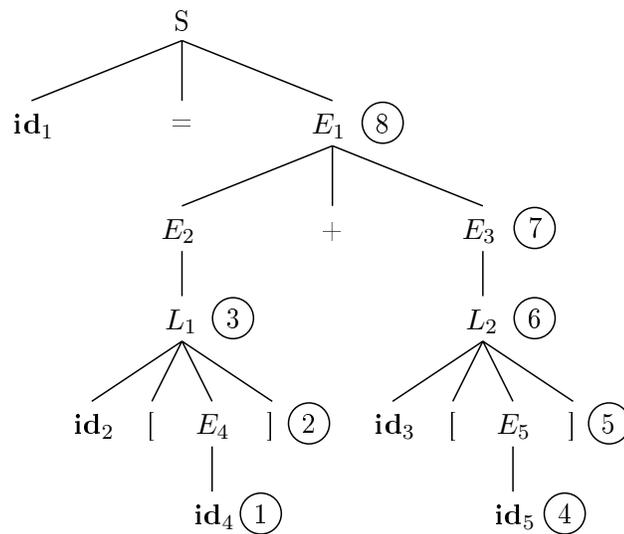
$$E \rightarrow E_1 * E_2 \quad \left\{ \begin{array}{l} E.addr := \mathbf{new Temp}() \\ gen(E.addr \text{ '=' } E_1.addr \text{ '*' } E_2.addr) \end{array} \right\}$$

— (b)

$$E \rightarrow +E_1 \quad \left\{ \begin{array}{l} E.addr := \mathbf{new Temp}() \\ gen(E.addr \text{ '=' } E_1.addr) \end{array} \right\}$$

### 6.4.3 (a)

Cette expression correspond à l'arbre syntaxique suivant :



avec la table des symboles suivante :

Symbole	Nom
$id_1$	$x$
$id_2$	$a$
$id_3$	$b$
$id_4$	$i$
$id_5$	$j$

Les règles sémantiques sont toutes exécutées à la fin d'une production ; nous effectuons donc un parcours en profondeur d'abord (les annotations numériques indiquent dans quel ordre les règles sémantiques seront exécutées).

Notez que le manuel utilise `top.get(id.lexeme)` pour retrouver un symbole dans la table des symboles ; pour des raisons de brièveté, nous nous contenterons ici d'écrire `id` et supposerons implicitement qu'une implémentation concrète effectuerait les étapes nécessaires pour obtenir l'information dans la table des symboles.

Voici une trace du parcours :

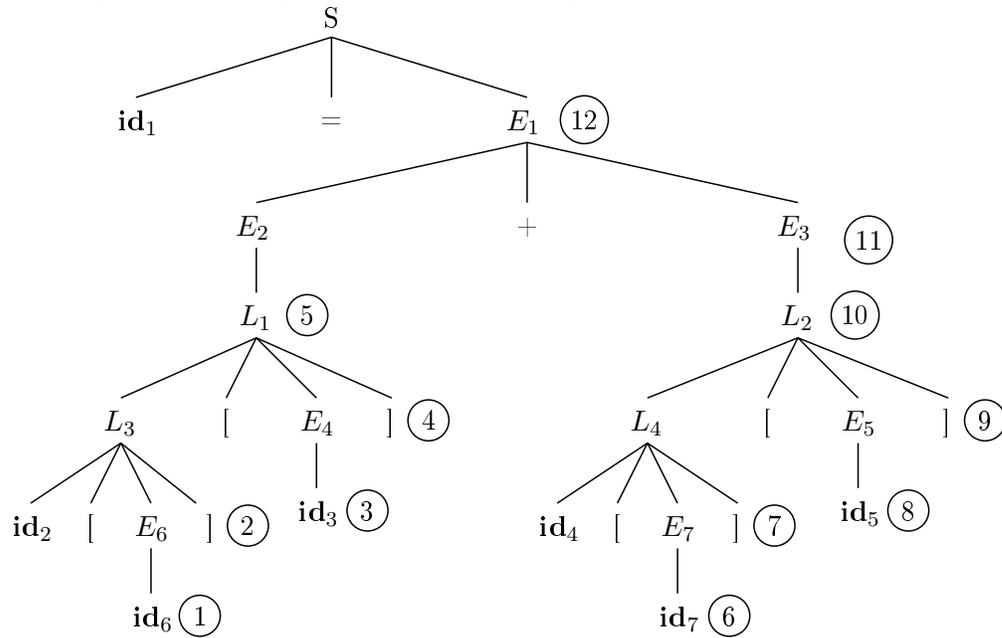
Étape	Attributs et temporaires	Code généré
1	$E_4.addr = \mathbf{id}_4.place$	
2	$L_1.array = \mathbf{id}_2$ $L_1.type = L_1.array.type.elem$ $= \mathbf{id}_2.type.elem$ $L_1.addr = \mathbf{new Temp}() = t_1$	$t_1 = E_4.addr * L_1.type.width$ <b>c-à-d</b> $t_1 = \mathbf{id}_4.place * \mathbf{id}_2.type.elem.width$
3	$E_2.addr = \mathbf{new Temp}() = t_2$	$t_2 = L_1.array.base[L_1.addr]$ <b>c-à-d</b> $t_2 = \mathbf{id}_2.base[t_1]$
4	$E_5.addr = \mathbf{id}_5.place$	
5	$L_2.array = \mathbf{id}_3$ $L_2.type = L_2.array.type.elem$ $= \mathbf{id}_3.type.elem$ $L_2.addr = \mathbf{new Temp}() = t_3$	$t_3 = E_5.addr * L_2.type.width$ <b>c-à-d</b> $t_3 = \mathbf{id}_5.place * \mathbf{id}_3.type.elem.width$
6	$E_3.addr = \mathbf{new Temp}() = t_4$	$t_4 = L_2.array.base[L_2.addr]$ <b>c-à-d</b> $t_4 = \mathbf{id}_3.base[t_3]$
7	$E_1.addr = \mathbf{new Temp}() = t_5$	$t_5 = E_2.addr + E_3.addr$ <b>c-à-d</b> $t_5 = t_2 + t_4$
8		<b>id</b> $_1.place = t_5$

Au final, nous avons généré le code suivant :

$$\begin{aligned}
 t_1 &= \mathbf{id}_4.place * \mathbf{id}_2.type.elem.width \\
 t_2 &= \mathbf{id}_2.base[t_1] \\
 t_3 &= \mathbf{id}_5.place * \mathbf{id}_3.type.elem.width \\
 t_4 &= \mathbf{id}_3.base[t_3] \\
 t_5 &= t_2 + t_4 \\
 \mathbf{id}_1.place &= t_5
 \end{aligned}$$

### 6.4.3 (b)

Cette expression correspond à l'arbre syntaxique suivant :



avec la table des symboles suivante :

Symbole	Nom
id <sub>1</sub>	<i>x</i>
id <sub>2</sub>	<i>a</i>
id <sub>3</sub>	<i>j</i>
id <sub>4</sub>	<i>b</i>
id <sub>5</sub>	<i>j</i>
id <sub>6</sub>	<i>i</i>
id <sub>7</sub>	<i>i</i>

Voici une trace du parcours :

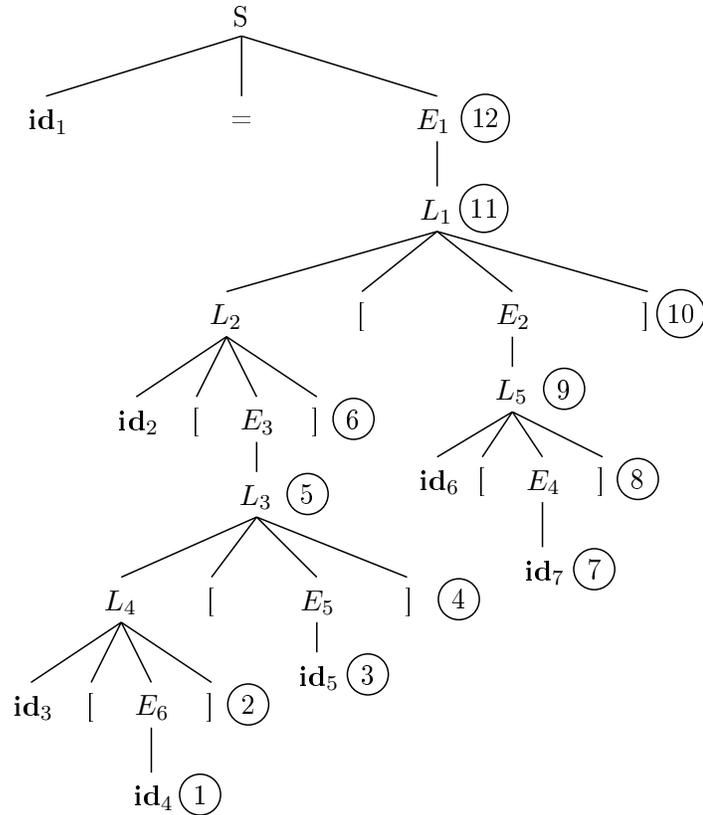
Étape	Attributs et temporaires	Code généré
1	$E_6.addr = id_6.place$	
2	$L_3.array = id_2$ $L_3.type = L_3.array.type.elem$ $= id_2.type.elem$ $L_3.addr = new Temp() = t_1$	$t_1 = id_6.place * id_2.type.elem.width$
3	$E_4.addr = id_3.place$	
4	$L_1.array = id_2$ $L_1.type = L_3.type.elem$ $= id_2.type.elem.elem$ $t = new Temp() = t_2$ $L_1.addr = new Temp() = t_3$	$t_2 = id_3.place * id_2.type.elem.elem.width$ $t_3 = t_1 + t_2$
5	$E_2.addr = new Temp() = t_4$	$t_4 = id_2.base[t_3]$
6	$E_7.addr = id_7.place$	
7	$L_4.array = id_4$ $L_4.type = L_4.array.type.elem$ $= id_4.type.elem$ $L_4.addr = new Temp() = t_5$	$t_5 = id_7.place * id_4.type.elem.width$
8	$E_5.addr = id_5.place$	
9	$L_2.array = id_4$ $L_2.type = L_4.type.elem$ $= id_4.type.elem.elem$ $t = new Temp() = t_6$ $L_2.addr = new Temp() = t_7$	$t_6 = id_5.place * id_4.type.elem.elem.width$ $t_7 = t_5 + t_6$
10	$E_3.addr = new Temp() = t_8$	$t_8 = id_4.base[t_7]$
11	$E_1.addr = new Temp() = t_9$	$t_9 = t_4 + t_8$
12		$id_1.place = t_9$

Au final, nous avons généré le code suivant :

$$\begin{aligned}
 t_1 &= id_6.place * id_2.type.elem.width \\
 t_2 &= id_3.place * id_2.type.elem.elem.width \\
 t_3 &= t_1 + t_2 \\
 t_4 &= id_2.base[t_3] \\
 t_5 &= id_7.place * id_4.type.elem.width \\
 t_6 &= id_5.place * id_4.type.elem.elem.width \\
 t_7 &= t_5 + t_6 \\
 t_8 &= id_4.base[t_7] \\
 t_9 &= t_4 + t_8 \\
 id_1.place &= t_9
 \end{aligned}$$

### 6.4.3 (c)

Cette expression correspond à l'arbre syntaxique suivant :



avec la table des symboles suivante :

Symbole	Nom
$id_1$	$x$
$id_2$	$a$
$id_3$	$b$
$id_4$	$i$
$id_5$	$j$
$id_6$	$c$
$id_7$	$k$

Voici une trace du parcours :

Étape	Attributs et temporaires	Code généré
1	$E_6.addr = \mathbf{id}_4.place$	
2	$L_4.array = \mathbf{id}_3$ $L_4.type = L_4.array.type.elem$ $= \mathbf{id}_3.type.elem$ $L_4.addr = \mathbf{new Temp}() = t_1$	$t_1 = \mathbf{id}_4.place * \mathbf{id}_3.type.elem.width$
3	$E_5.addr = \mathbf{id}_5.place$	
4	$L_3.array = L_4.array$ $= \mathbf{id}_3$ $L_3.type = L_4.type.elem$ $= \mathbf{id}_3.type.elem.elem$ $t = \mathbf{new Temp}() = t_2$ $L_3.addr = \mathbf{new Temp}() = t_3$	$t_2 = \mathbf{id}_5.place * \mathbf{id}_3.type.elem.elem.width$ $t_3 = t_1 + t_2$
5	$E_3.addr = \mathbf{new Temp}() = t_4$	$t_4 = \mathbf{id}_3.base[t_3]$
6	$L_2.array = \mathbf{id}_2$ $L_2.type = \mathbf{id}_2.type.elem$ $L_2.addr = \mathbf{new Temp}() = t_5$	$t_5 = t_4 * \mathbf{id}_2.type.elem.width$
7	$E_4.addr = \mathbf{id}_7.place$	
8	$L_5.array = \mathbf{id}_6$ $L_5.type = L_5.array.type.elem$ $= \mathbf{id}_6.type.elem$ $L_5.addr = \mathbf{new Temp}() = t_6$	$t_6 = \mathbf{id}_7.place * \mathbf{id}_6.type.elem.width$
9	$E_2.addr = \mathbf{new Temp}() = t_7$	$t_7 = \mathbf{id}_6.base[t_6]$
10	$L_1.array = L_2.array$ $= \mathbf{id}_2$ $L_1.type = L_2.type.elem$ $= \mathbf{id}_2.type.elem.elem$ $t = \mathbf{new Temp}() = t_8$ $L_1.addr = \mathbf{new Temp}() = t_9$	$t_8 = t_7 * \mathbf{id}_2.type.elem.elem.width$ $t_9 = t_5 + t_8$
11	$E_1.addr = \mathbf{new Temp}() = t_{10}$	$t_{10} = \mathbf{id}_2.base[t_9]$
12		$\mathbf{id}_1.place = t_{10}$

Au final, nous avons généré le code suivant :

```
t1 = id4.place * id3.type.elem.width
t2 = id5.place * id3.type.elem.elem.width
t3 = t1 + t2
t4 = id3.base[t3]
t5 = t4 * id2.type.elem.width
t6 = id7.place * id6.type.elem.width
t7 = id6.base[t6]
t8 = t7 * id2.type.elem.elem.width
t9 = t5 + t8
t10 = id2.base[t9]
id1.place = t10
```

### 6.4.6

La formule pour déterminer la position de l'élément  $[i, j]$  est  $(i - 1) * 20 + j - 1$  (la soustraction par 1 est nécessaire car les indices commencent à 1) ; il reste alors à multiplier par 4 puisque chaque item du tableau a une taille de 4 octets.

- (a)  $4 * (3 * 20 + 4) = 256$
- (b)  $4 * (9 * 20 + 7) = 748$
- (c)  $4 * (2 * 20 + 16) = 224$

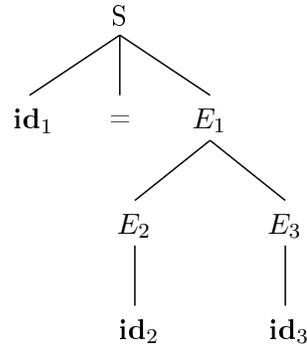
### 6.4.8

Il y a 5 éléments dans la deuxième dimension ( $j$  va de 0 à 4). Il y en a 6 dans la troisième ( $k$  va de 5 à 10). Chaque élément de base (chaque réel) occupe 8 octets. La formule pour déterminer la position de l'élément  $A[i, j, k]$  est donc  $((i - 1) * 5 + j) * 6 + k - 5) * 8$ .

- (a)  $((3 - 1) * 5 + 4) * 6 + 5 - 5) * 8 = 672$
- (b)  $((1 - 1) * 5 + 2) * 6 + 7 - 5) * 8 = 112$
- (c)  $((4 - 1) * 5 + 3) * 6 + 9 - 5) * 8 = 896$

### 6.5.1

— (a) Voici l'arbre de dérivation de la chaîne :



On applique les règles :

Production	Application des règles sémantiques
$E_2 \rightarrow \mathbf{id}_2$	$E_2.addr = \mathbf{id}_2.place$ $E_2.type = \mathbf{short}$
$E_3 \rightarrow \mathbf{id}_3$	$E_3.addr = \mathbf{id}_3.place$ $E_3.type = \mathbf{char}$
$E_1 \rightarrow E_2 + E_3$	$E_1.type = \max(\mathbf{short}, \mathbf{char}) = \mathbf{int}$ $a_1 = \text{widen}(\mathbf{id}_2.place, \mathbf{short}, \mathbf{int})$ $= \begin{cases} t_1 = \mathbf{new Temp}(); \\ \text{gen}(t_1 \text{ '=' ' (int) ' id}_2); \\ \mathbf{return } t_1 \end{cases}$ $a_2 = \text{widen}(\mathbf{id}_3.place, \mathbf{char}, \mathbf{int})$ $= \begin{cases} t_2 = \mathbf{new Temp}(); \\ \text{gen}(t_2 \text{ '=' ' (int) ' id}_3); \\ \mathbf{return } t_2 \end{cases}$ $E_1.addr = \mathbf{new Temp}() = t_3$ $\text{gen}(t_3 \text{ '=' } a_1 \text{ '+' } a_2)$
$S \rightarrow \mathbf{id}_1 = E_1$	$S.addr = \mathbf{new Temp}() = t_4$ $\text{gen}(t_4 \text{ '=' ' (float) ' } t_3)$ $\text{gen}(\mathbf{id}_1.place \text{ '=' } t_4)$

Le code résultant est :

```

t1 = (int) id2
t2 = (int) id3
t3 = t1 + t2
t4 = (float) t3
id1.place = t4
  
```

- (b) Ce numéro est identique un numéro (a) à l'exception de la conversion finale de **int** vers **float**, qui n'est pas nécessaire ici. Le code généré est :

$$\begin{aligned}
 t_1 &= (\mathbf{int}) \mathbf{id}_2 \\
 t_2 &= (\mathbf{int}) \mathbf{id}_3 \\
 t_3 &= t_1 + t_2 \\
 \mathbf{id}_1.place &= t_3
 \end{aligned}$$

- (c) Le principe est le même qu'en (a), à l'exception que cette fois il y a deux fois l'addition **char** + **short**. Le code généré est :

$$\begin{aligned}
 t_1 &= (\mathbf{int}) \mathbf{id}_2 \\
 t_2 &= (\mathbf{int}) \mathbf{id}_3 \\
 t_3 &= t_1 + t_2 \\
 t_4 &= (\mathbf{int}) \mathbf{id}_4 \\
 t_5 &= (\mathbf{int}) \mathbf{id}_5 \\
 t_6 &= t_4 + t_5 \\
 t_7 &= t_3 * t_6 \\
 t_8 &= (\mathbf{float}) t_7 \\
 \mathbf{id}_1.place &= t_8
 \end{aligned}$$

### 6.6.1 (code régulier)

- (a) Le code à générer a cette allure :

```

debut_boucle :
    S1.code
    B.code
    if (B.place != 0) goto debut_boucle

```

La définition orientée-syntaxe correspondante est :

Productions	Règles sémantiques
$S \rightarrow \mathbf{repeat} S_1 \mathbf{while} B$	$S.lbl := \mathit{newlabel}()$ $S.code := \mathit{label}(S.lbl) \parallel S_1.code \parallel B.code \parallel$ $\mathit{gen}(\mathbf{'if ('} B.place \mathbf{'\neq 0 )' , 'goto' S.lbl})$

- (b) Le code à générer a cette allure (il existe d'autres possibilités) :

```

S1.code
goto l_verification
l_debut:
    S3.code
    S2.code
l_verification:
    B.code
    if (B.place != 0) goto l_debut

```

La définition orientée-syntaxe correspondante est :

Productions	Règles sémantiques
$S \rightarrow \text{for } (S_1 ; B ; S_2) S_3$	$S.ld := \text{newlabel}()$ $S.lw := \text{newlabel}()$ $S.code := S_1.code \parallel \text{gen}('goto' S.lw) \parallel$ $\text{label}(S.ld) \parallel S_3.code \parallel S_2.code \parallel$ $\text{label}(S.lw) \parallel B.code \parallel$ $\text{gen}('if ('B.place' \neq 0)' 'goto' S.ld)$

### 6.6.1 (code à court-circuit)

- (a)

Productions	Règles sémantiques
$S \rightarrow \text{repeat } S_1 \text{ while } B$	$S_1.next := \text{newlabel}()$ $B.true := \text{newlabel}()$ $B.false := S.next$ $S.code := \text{label}(B.true) \parallel S_1.code \parallel$ $\text{label}(S_1.next) \parallel B.code \parallel$ $\text{label}(B.false)$

- (b)

Productions	Règles sémantiques
$S \rightarrow \text{for } (S_1 ; B ; S_2) S_3$	$begin := \text{newlabel}()$ $B.true := \text{newlabel}()$ $B.false := S.next$ $S_2.next := begin$ $S_1.next := begin$ $S_3.next := \text{newlabel}()$ $S.code := S_1.code \parallel \text{label}(begin) \parallel B.code \parallel$ $\text{label}(B.true) \parallel S_3.code \parallel$ $\text{label}(S_3.next) \parallel S_2.code \parallel$ $\text{gen}('goto' begin)$

### 6.6.3

Disons que notre opérateur *ou exclusif* s'écrit avec  $\wedge$ . Malheureusement, afin d'avoir un code aussi rapide que celui généré par les règles de la figure 6.37, il faudrait qu'une des deux sous-expressions soit dupliquée. Or, le reste des règles ne produit qu'une seule version du code de chaque sous-expression. Nous devons donc nous contenter d'un code moins performant. De plus, pour des programmes particuliers, la duplication pourrait produire un code compilé exponentiellement plus volumineux que le code source.

PRODUCTION	RÈGLES SÉMANTIQUES
$B \rightarrow B_1 \wedge B_2$	$B.tmp = \mathbf{new} \ Temp()$ $B_1.true = \mathit{newlabel}()$ $B_1.false = \mathit{newlabel}()$ $B_2.true = \mathit{newlabel}()$ $B_2.false = \mathit{newlabel}()$ $B.ccode = \mathit{gen}(B.tmp \ '=' \ '0') \   $ $\quad B_1.ccode \    \ \mathit{label}(B_1.true) \   $ $\quad \mathit{gen}(B.tmp \ '=' \ '1' \ '-' \ B.tmp) \   $ $\quad \mathit{label}(B_1.false) \    \ B_2.ccode \    \ \mathit{label}(B_2.true) \   $ $\quad \mathit{gen}(B.tmp \ '=' \ '1' \ '-' \ B.tmp) \   $ $\quad \mathit{label}(B_2.false) \   $ $\quad \mathit{gen}(\mathbf{'if'} \ B.tmp \ '=' \ '1' \ \mathbf{'goto'} \ B.true) \   $ $\quad \mathit{gen}(\mathbf{'goto'} \ B.false)$